



# Gathering for mobile agents with a strong team in weakly Byzantine environments

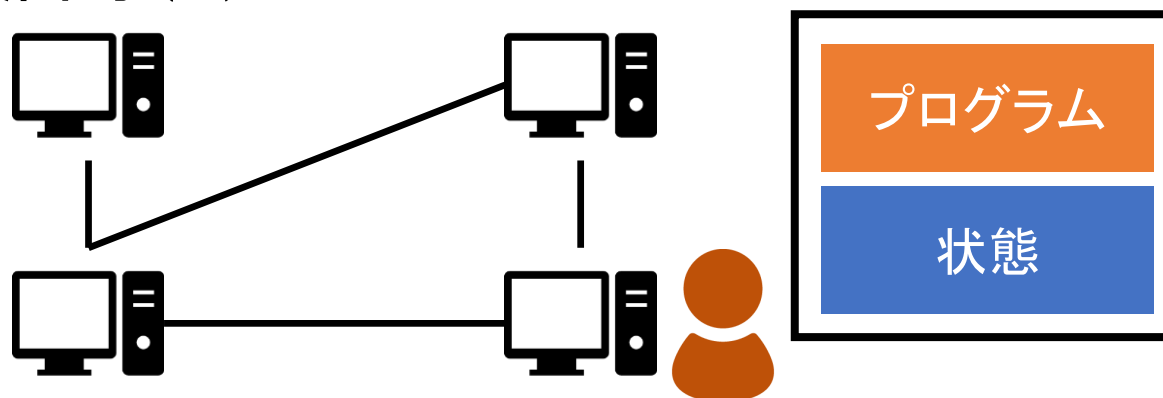
○廣瀬 慈恩<sup>1</sup> 土田 将司<sup>1</sup> 中村 純哉<sup>2</sup> 大下 福仁<sup>1</sup> 井上 美智子<sup>1</sup>

<sup>1</sup>奈良先端科学技術大学院大学

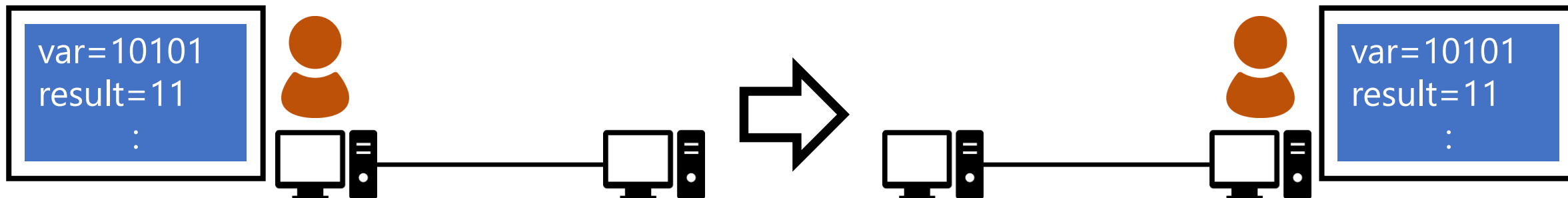
<sup>2</sup>豊橋技術科学大学

- 背景
- 成果
- モデル・タスク
- 提案アルゴリズム
  - 基本方針
  - 詳細
- まとめ

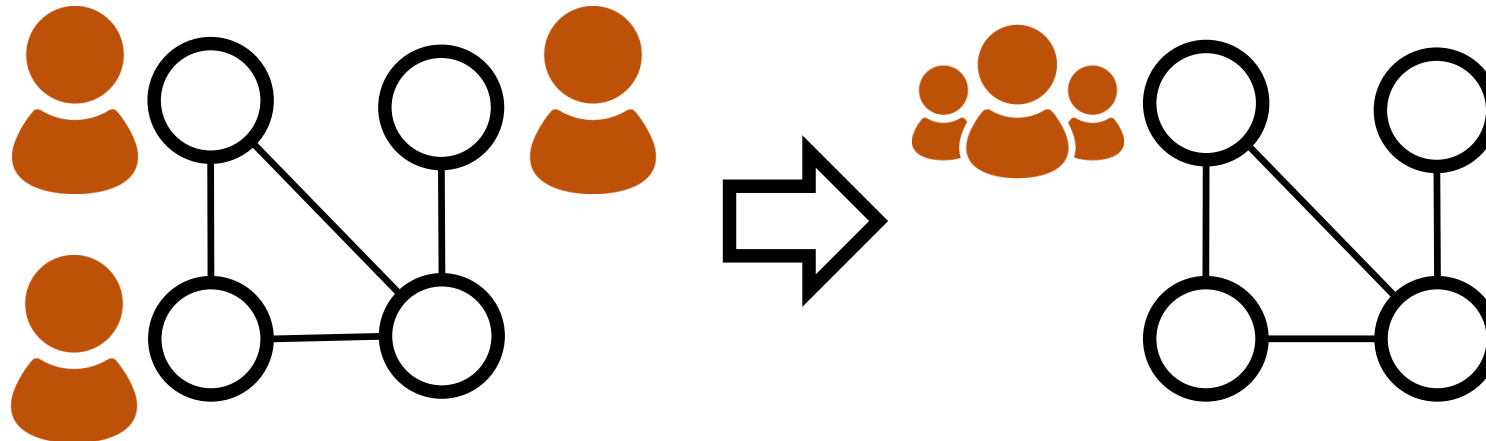
- 自律的に計算機間を移動するソフトウェア
  - プログラムと状態を持つ
- 分散システムの設計手法



- 各エージェントは移動時にメモリの状態を保持
  - エージェントの移動で, 変数の状態などは変わらない



- 目的: 全エージェントを1つのノードに集める
- 利点: 情報共有の効率化
- 以下の仮定を組み合わせた様々なモデルの下で研究されている
  - ノードのメモリの有無
  - エージェントのIDの有無
  - エージェントの移動の同期性 など



# ビザンチン環境

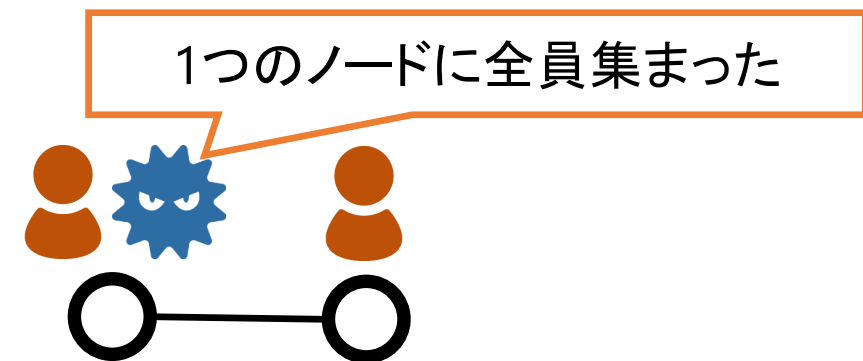
- **ビザンチンエージェント**がネットワークに存在する
  - アルゴリズムに従わず、任意の動作をするエージェント
  - クラッキングなどによるエージェントの改ざんを考慮

## 行動例

### アルゴリズムに従わない



### 虚偽の情報伝達



ビザンチン環境下で動作するアルゴリズム

あらゆるエージェントの故障への耐性を保証

# ビザンチン環境における同期エージェントの集合<sup>5</sup>

## ● 既存アルゴリズムの時間複雑度は小さくない

	前提知識	故障の種類	故障数の条件	集合に要する時間
[1]	$n$	弱ビザンチン	$f + 1 \leq k$ (最適)	$O(n^4 \cdot  \Lambda_{good}  \cdot X(n))$ --- ①
[1]	$f$	弱ビザンチン	$2f + 2 \leq k$ (最適)	①より大きい $n$ と $ \Lambda_{good} $ の多項式
[2]	$n, f$	強ビザンチン	$2f + 1 \leq k$ (最適)	$n$ と $ \Lambda_{good} $ の指数
[2]	$f$	強ビザンチン	$2f + 2 \leq k$ (最適)	$n$ と $ \Lambda_{good} $ の指数
[3]	$\lceil \log \log n \rceil$	強ビザンチン	$4f^2 + 9f + 4 \leq k$	①より大きい $n$ と $ \Lambda_{good} $ の多項式

$n$ : ノード数、 $k$ : システム全体のエージェント数、 $f$ : 故障エージェント数、 $f < k \leq n$ 、

$|\Lambda_{good}|$ : 正常エージェントの最大IDの長さ

$X(n)$ :  $n$ ノード全ての訪問(グラフ探索)にかかる時間(一般グラフ:  $O(n^5 \log n)$ 、木やリング:  $O(n)$ )

[1]Y. Dieudonné, et al., Gathering despite mischief. ACM Trans on Algorithms 11, 1-28 (2014)

[2]S. Bouchard, et al., Byzantine gathering in networks. Distributed Computing 29(6), 435-457 (2016)

[3]S. Bouchard, et al., Byzantine gathering in polynomial time. In:ICALP. pp.502-514 (2020)

# 本研究の成果

- 故障数の条件の緩和により,  
弱ビザンチン環境における集合に要する時間を短縮
  - ほとんどのエージェントが故障するとは考えにくい

	前提知識	同時起動	故障数の条件	同時終了	集合に要する時間
[1]	$n$	なし	$f + 1 \leq k$	あり	$O(n^4 \cdot  \Lambda_{good}  \cdot X(n))$
提案1	$N$	あり	$4f^2 + 9f + 4 \leq k$	なし	$O((f +  \Lambda_{good} ) \cdot X(N))$
提案2	$N$	あり	$4f^2 + 9f + 4 \leq k$	あり	$O((f +  \Lambda_{all} ) \cdot X(N))$

$$f < n$$

$n$ : ノード数、 $N$ : ノード数の上限、 $k$ : システム全体のエージェント数、  
 $f$ : 故障エージェント数、 $f < k \leq n \leq N$ 、

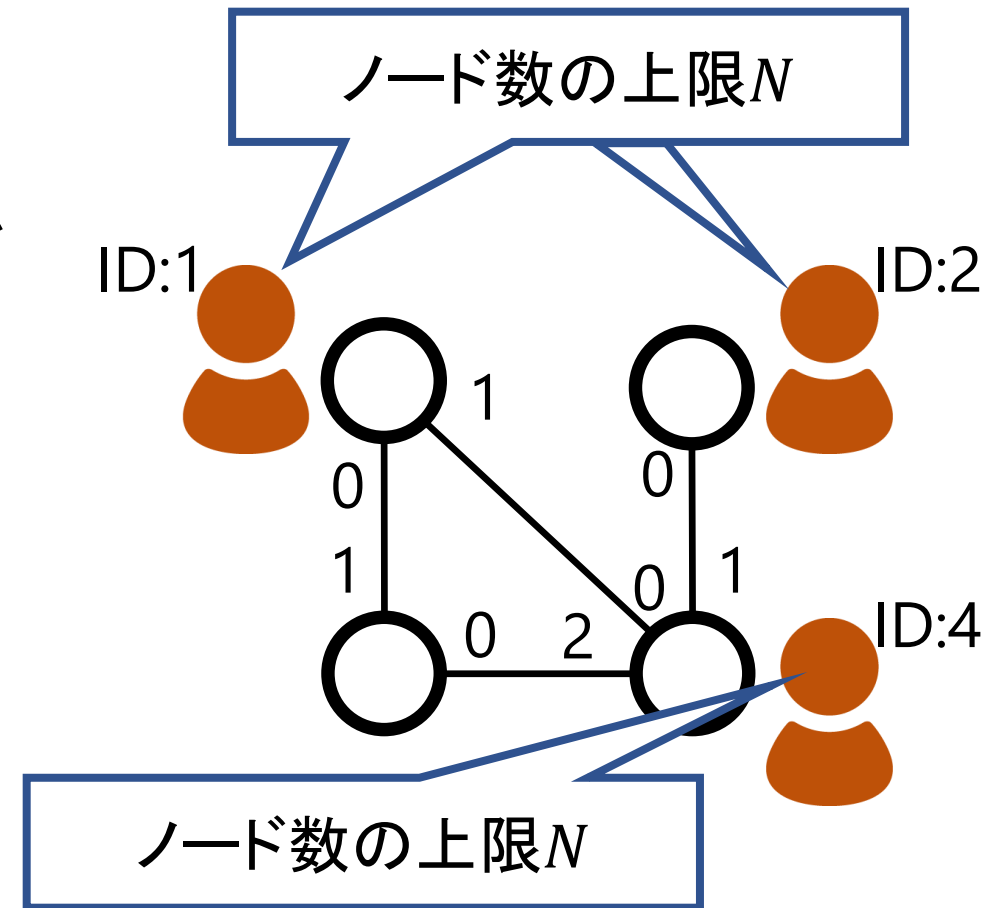
$|\Lambda_{good}|$ : 正常エージェントの最大IDの長さ、 $|\Lambda_{all}|$ : エージェントの最大IDの長さ、 $|\Lambda_{good}| \leq |\Lambda_{all}|$ 、  
 $X(n)$ :  $n$ ノード全ての訪問(グラフ探索)にかかる時間(一般グラフ:  $O(n^5 \log n)$ 、木やリング:  $O(n)$ )

# 目次

- 背景
- 成果
- **モデル・タスク**
- 提案アルゴリズム
  - 基本方針
  - 詳細
- まとめ

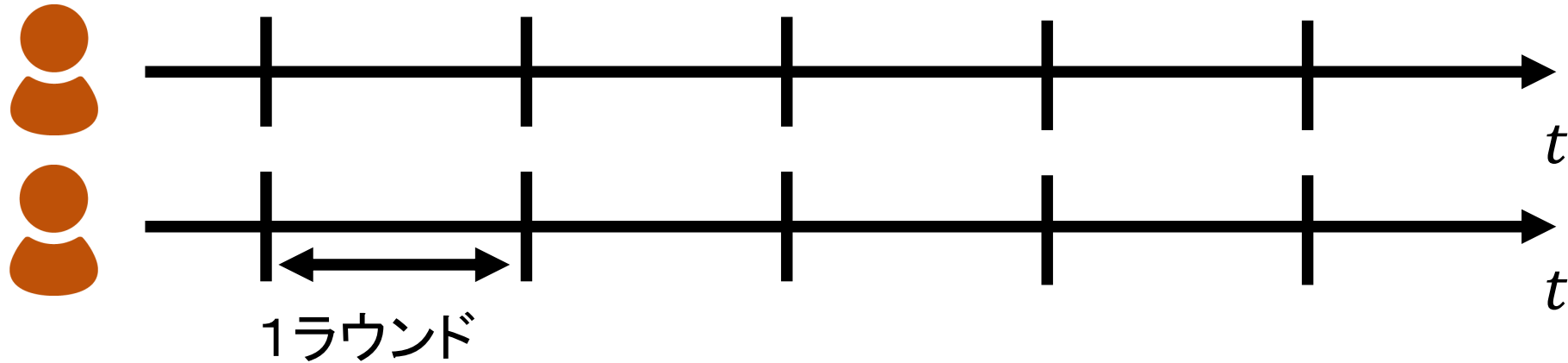


- 分散システムはグラフで表現
  - ノードはIDやメモリを持たない
  - 各ノードに繋がる辺はポート番号により識別可能
    - ポート番号:  $0 \sim (\text{次数} - 1)$  の範囲の固定番号
- エージェント
  - 任意の場所から同時にアルゴリズムを開始
  - 固有のIDを所持
  - ノード数の上限  $N$  のみを知る
  - 無限容量のメモリを持つ
  - 同じノードならば情報共有可能



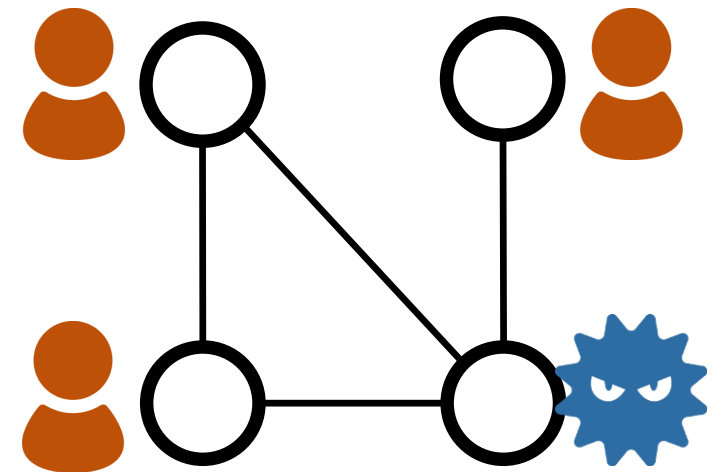
## ● 同期モデル

- 1単位時間(ラウンド)で隣接ノードに移動可能



## ● 弱ビザンチン環境

- ビザンチンエージェントが  $f$  体存在
  - アルゴリズムに従わず, 任意の行動をとる
  - 自身のIDを偽装できない
- 正常エージェントは少なくとも  $4f^2 + 8f + 4$  体



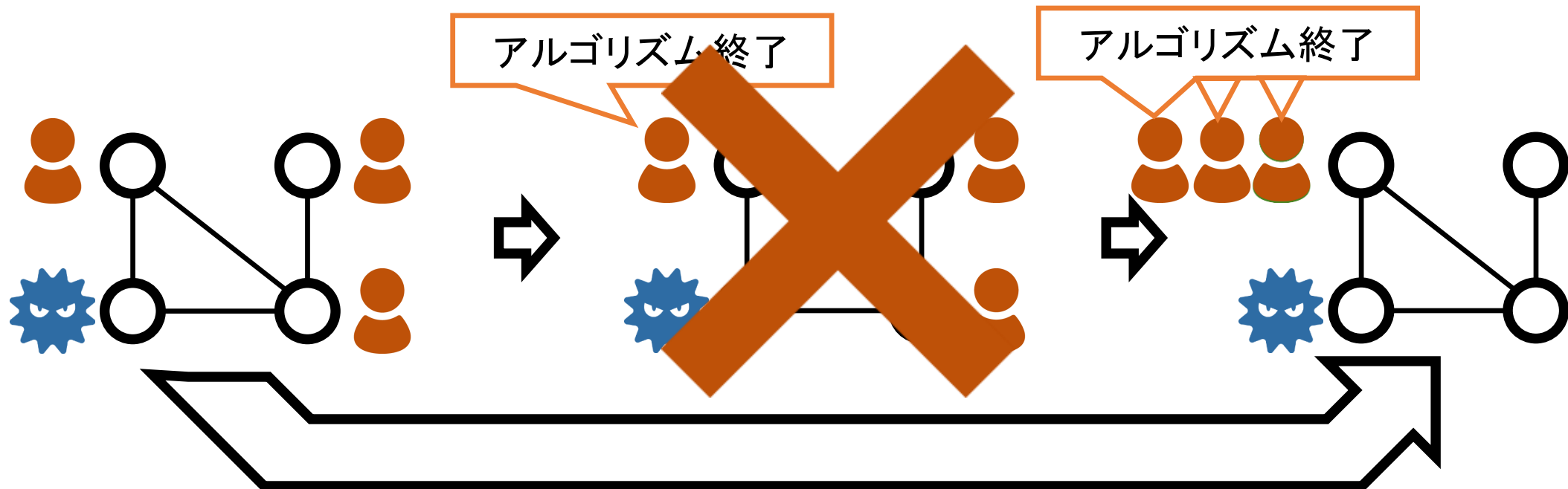
# タスクと提案アルゴリズム

## ● ビザンチン環境における集合

- ビザンチン環境下で全ての正常エージェントを1つのノードに集める
  - ビザンチンエージェントは集めなくて良い

## ● 提案アルゴリズム

- 同時終了なし: エージェント毎にアルゴリズムを終了
- 同時終了あり: 全エージェントが同時にアルゴリズムを終了

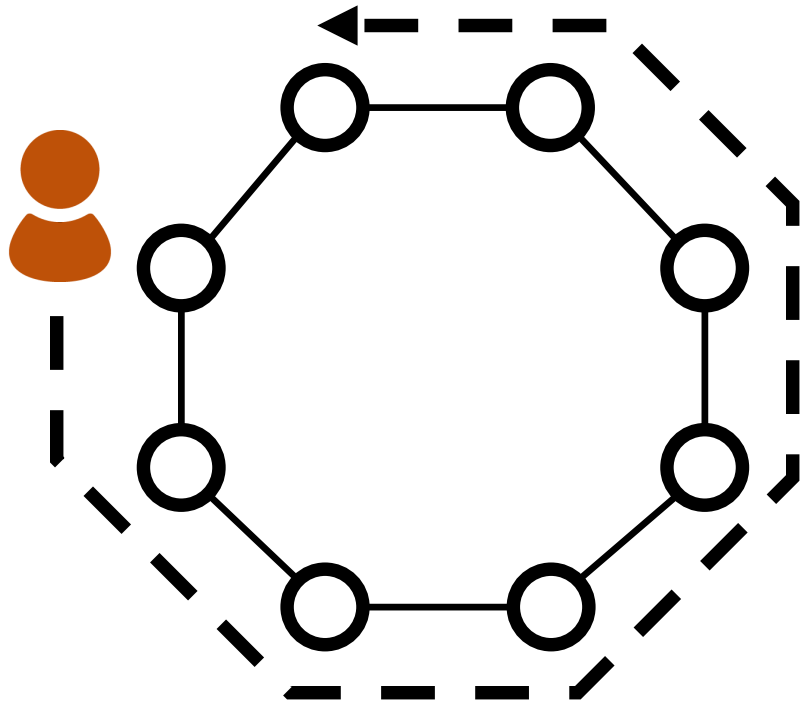


# 目次

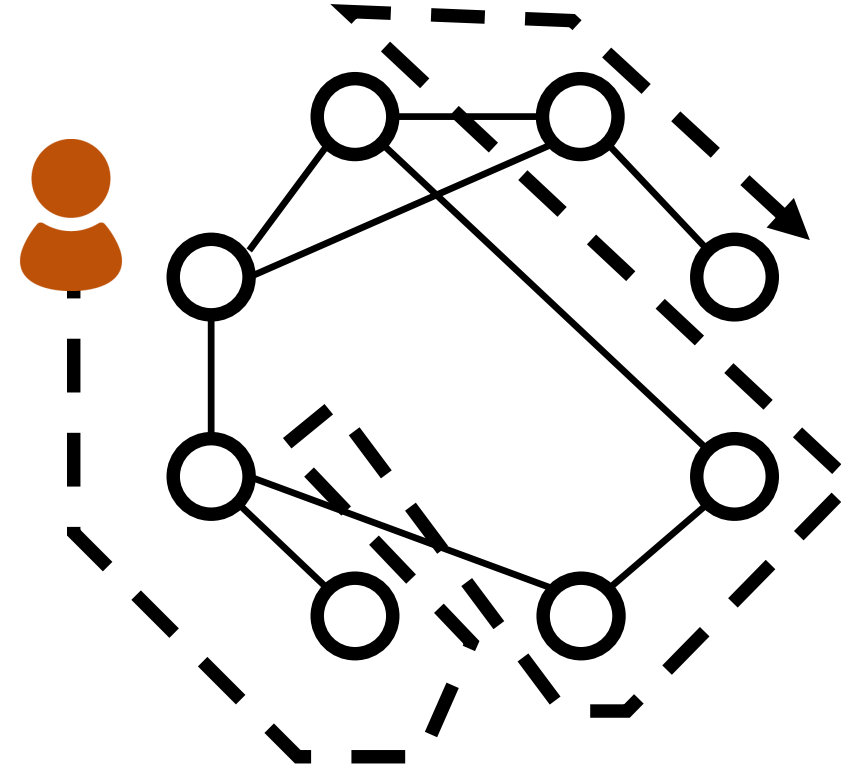
- 背景
- 成果
- モデル・タスク
- 提案アルゴリズム
  - 基本方針
  - 詳細
- まとめ

- 提案アルゴリズムは既存の探索アルゴリズムを使用[4]

- 目的: グラフ内の全てのノードの訪問
- 前提知識  $n$  に対する時間複雑度:  $X(n)$   
木やリング:  $X(n) = O(n)$



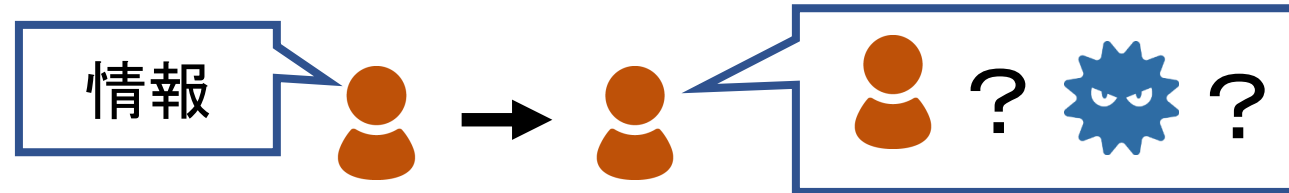
一般グラフ:  $X(n) = O(n^5 \log n)$



# 難しさとその解決方法

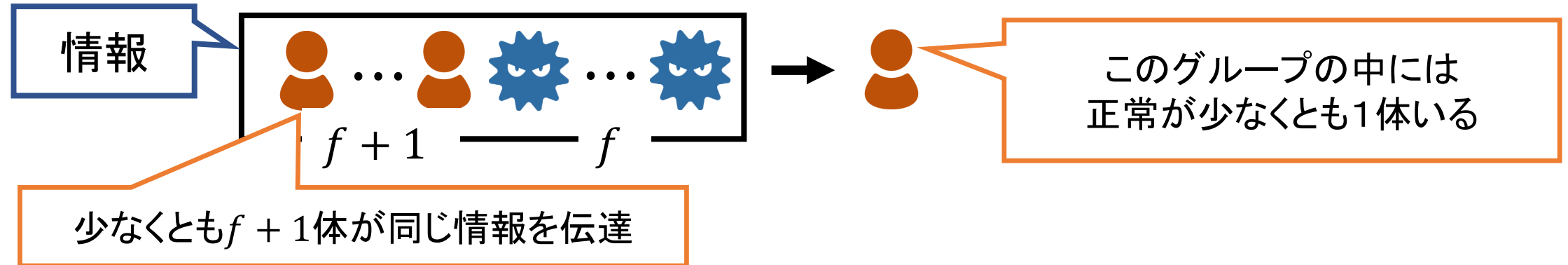
## 難しさ

- 他のエージェントの情報は信用できない



## 解決方法

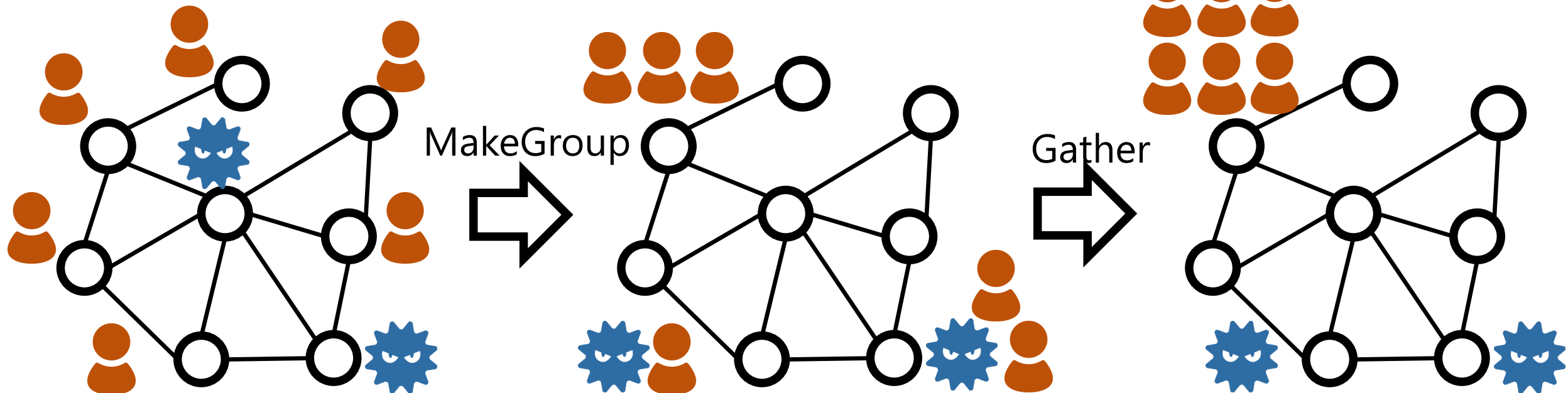
- 少なくとも  $2f + 1$  体のエージェントからできるグループの作成
  - 大量の正常エージェントが存在するため取れる戦略



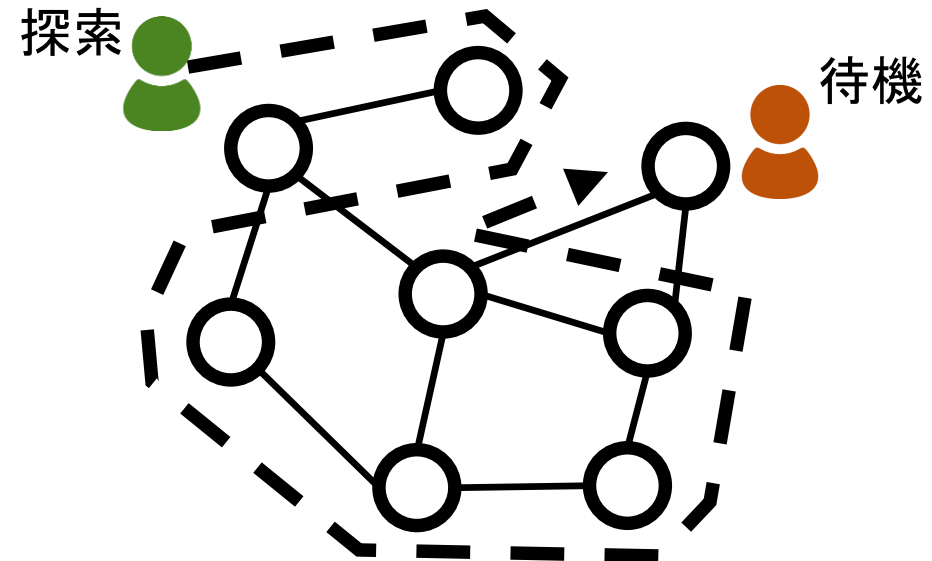
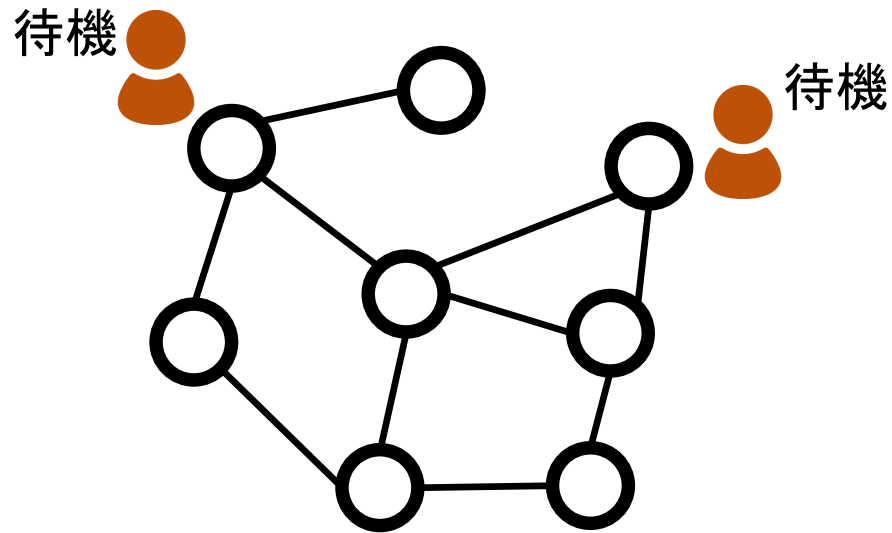
グループの持つ情報は信頼できる

# 提案アルゴリズムの基本方針

- エージェントグループを作る過程を挟むことで  
ビザンチンエージェントの影響を弱めた
- 3つのステージによって集合を達成
  1. CollectIDステージ : 全ての正常エージェントのIDの収集
  2. MakeGroupステージ : エージェントグループの作成
  3. Gatherステージ : 集合の達成



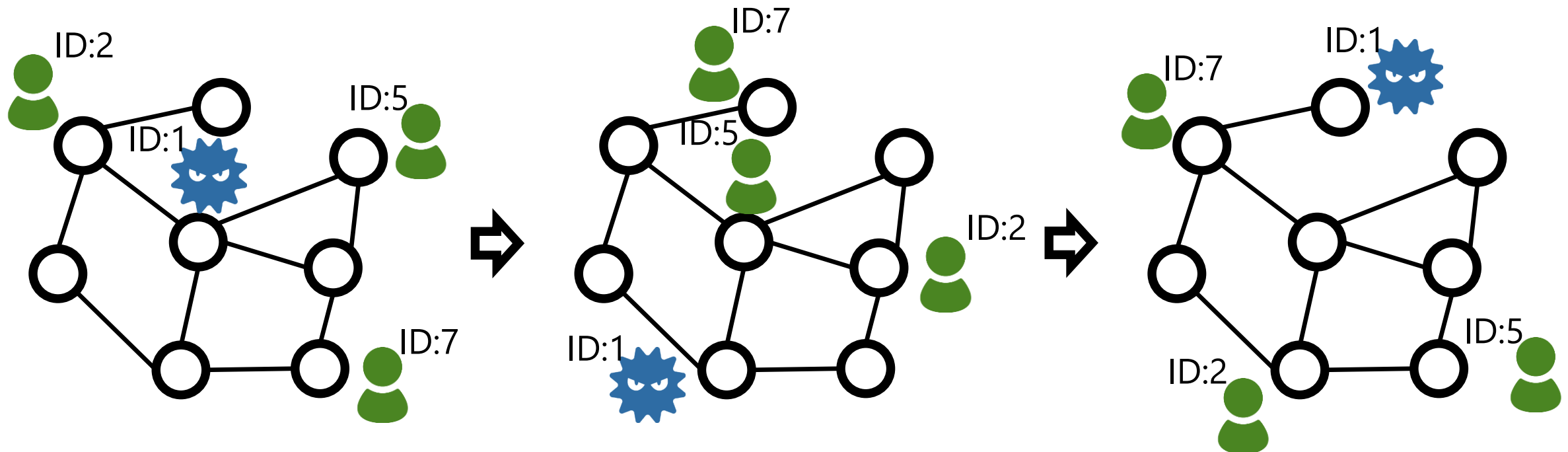
- 目的: 全ての正常エージェントのIDの収集
- 動作: 2体のエージェントが出会う既存アルゴリズム[5]を使用
  - 各エージェントが $O(\log ID)$ 回探索もしくは待機を繰り返す
    - 探索: 探索アルゴリズムの使用
    - 待機: ノードで $X(N)$ ラウンド待機
- CollectIDステージの時間複雑度:  $O(\log ID \cdot X(N))$





# MakeGroupステージ：アイディア

- 目的：信頼できるグループの作成
  - 十分に多くのエージェントで構成されたグループ
- アイディア：最小IDの元に集まる
  - 最小IDは待機，それ以外は最小IDを探索アルゴリズムで検索
  - ビザンチンが最小IDならば，信頼できるグループが作れない可能性

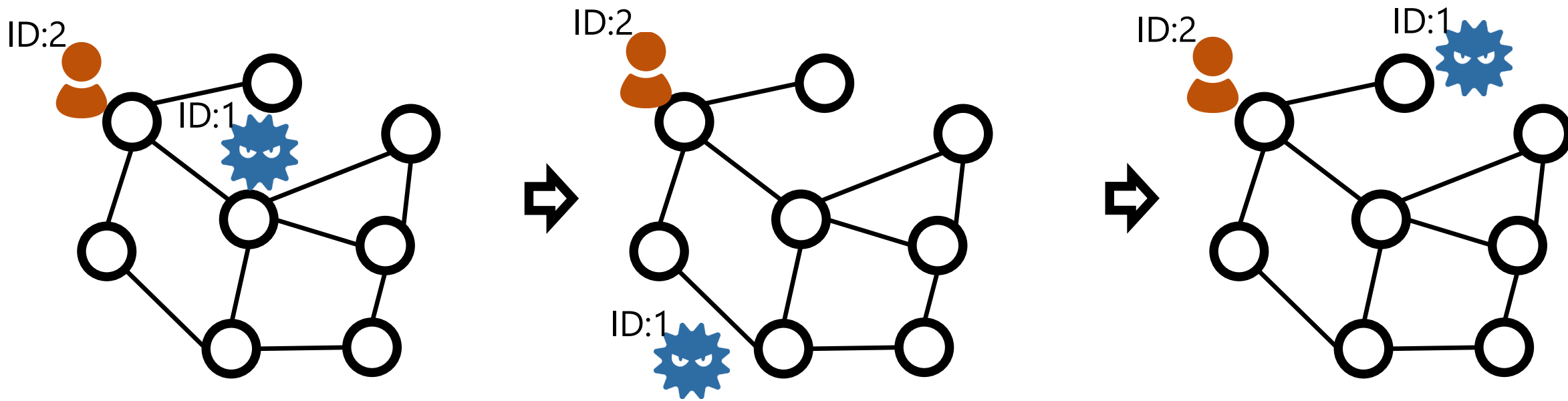


# MakeGroupステージ：アイディアの改善

- 集めたIDで小さい方から  $f + 1$  以内
  - 信頼できるグループが出来るまで待機
- それ以外
  - 集めたIDで最小IDを探索アルゴリズムで搜索
  - 見つからないならば, 次に小さいIDを搜索

エージェントは  $f$  を知らない  
→ 見積もり値を使用

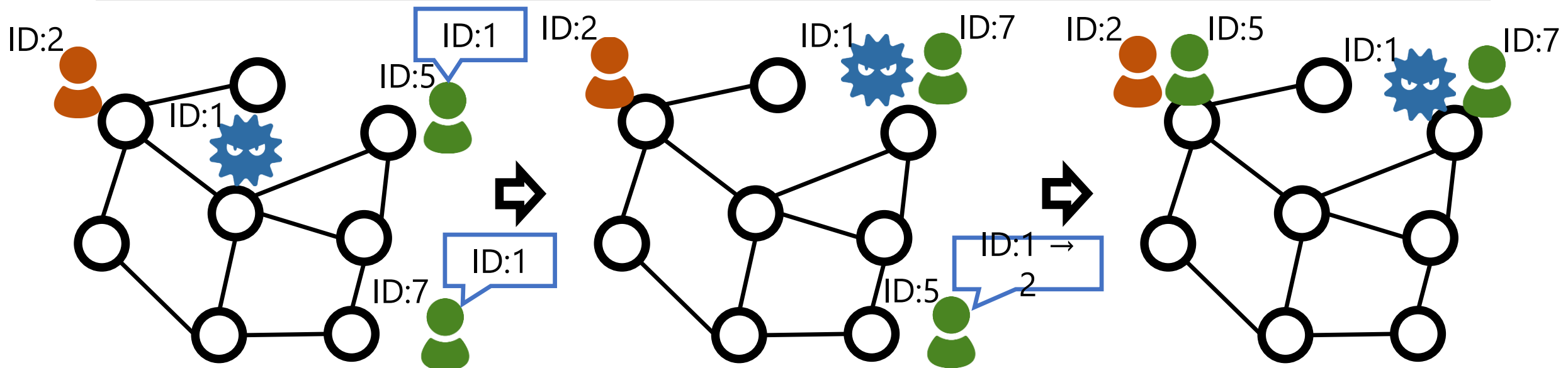
少なくとも1体の正常エージェントは待機



# MakeGroupステージ：アイディアの改善

- 集めたIDで小さい方から  $f + 1$  以内
  - 信頼できるグループが出来るまで待機
- それ以外
  - 集めたIDで最小IDを探索アルゴリズムで搜索
  - 見つからないならば、次に小さいIDを搜索

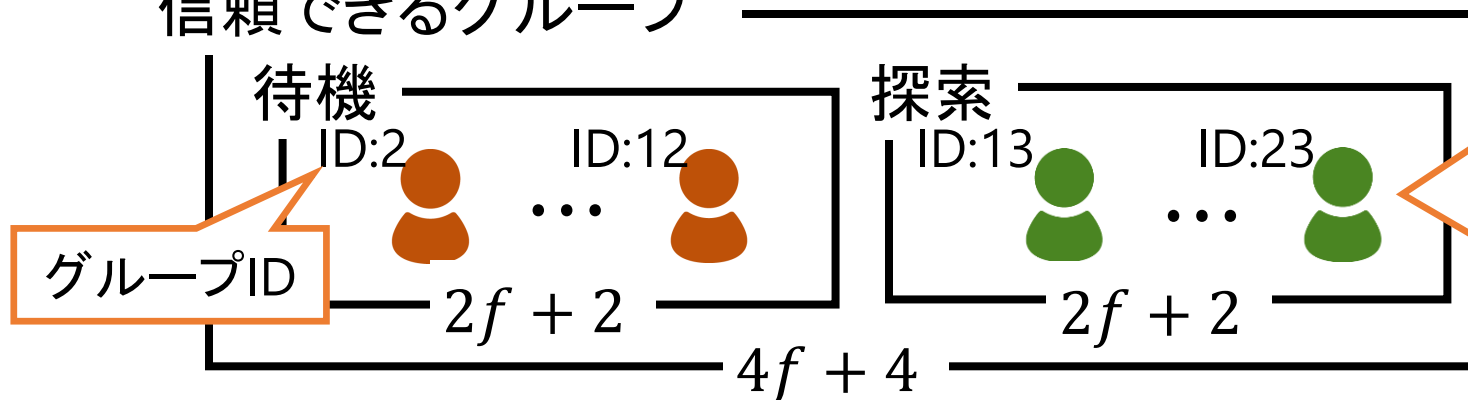
正常エージェントは高々  $f + 1$  グループに分かれる



- 高々  $f + 1$  グループに分かれる
  - $f$  の条件式:  $4f^2 + 9f + 4 = (4f + 4)(f + 1) \leq$  全エージェント数

少なくとも1グループには少なくとも  $4f + 4$  体のエージェント  
→ 少なくとも1グループは信頼できるグループ

- 信頼できるグループができると,
  - グループの最小IDをグループIDに決定
  - Gatherステージに備えて, グループを半分に信頼できるグループ



正常エージェント:  
少なくとも  $f + 2$  体

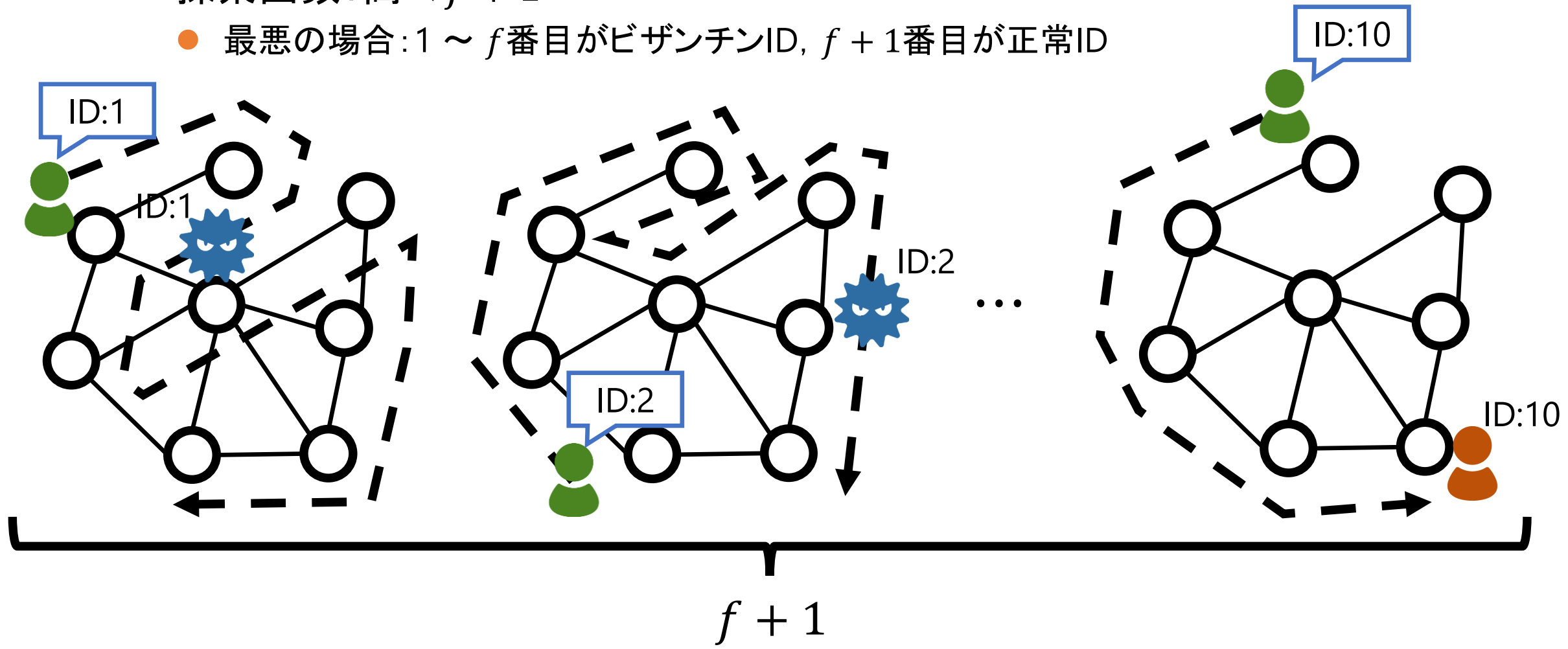


ビザンチンエージェント:  
高々  $f$  体



# MakeGroupステージ：時間複雑度

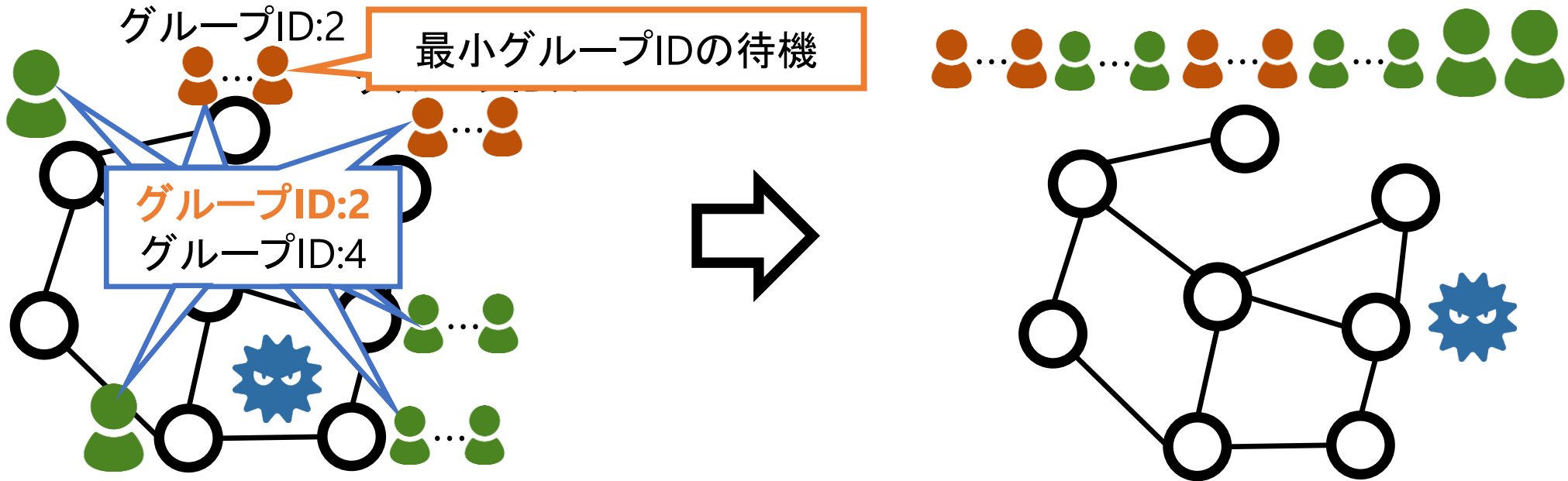
- MakeGroupステージの時間複雑度： $O(f \cdot X(N))$ 
  - 探索回数：高々  $f + 1$ 
    - 最悪の場合：1 ~  $f$ 番目がビザンチンID,  $f + 1$ 番目が正常ID





# Gatherステージ：動作の後半部分

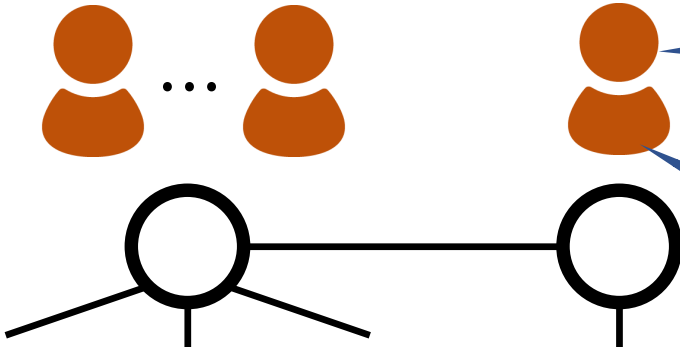
- 目的：集合の達成
- 最小グループIDの待機
  - $X(N)$ ラウンド待機後，アルゴリズム終了
- それ以外
  - 最小グループIDの待機グループを探索アルゴリズムで搜索
  - 発見したならば，アルゴリズム終了



# Gatherステージ：課題とその解決方法

## 課題

- 同じタイミングでGatherステージに入れない

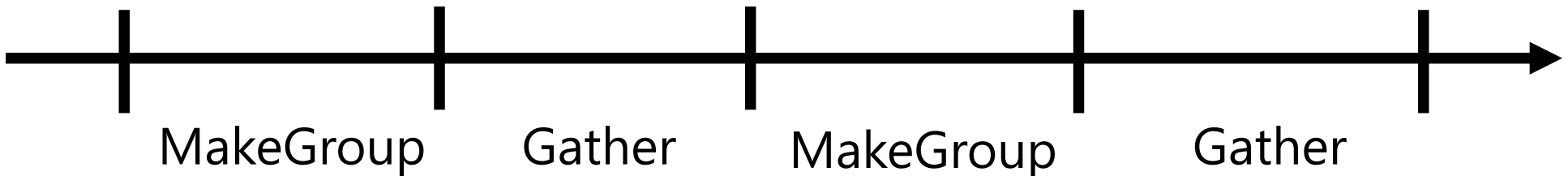


異なるノードの状況が分からない

信頼できるグループの存在を瞬時に把握できない

## 解決方法

- MakeGroupステージの $X(N)$ ラウンド毎にGatherステージを挿入
  - 交互に実行しても漸近的な時間複雑度は変化しない
  - Gatherステージ: 信頼できるグループがいなければ, 影響なし





# 同時終了なしアルゴリズムの時間複雑度

- CollectIDステージ : 全ての正常エージェントのIDの収集
  - 時間複雑度:  $O(|\Lambda_{good}| \cdot X(N))$ 
    - $|\Lambda_{good}| (= \log \max(ID_{good}))$ : 正常エージェントの最大IDの長さ
- MakeGroupステージ : 信頼できるグループの作成
  - 時間複雑度:  $O(f \cdot X(N))$
- Gatherステージ : 集合の達成
  - 時間複雑度:  $O(X(N))$ 
    - Gatherステージの前半:  $X(N)$
    - Gatherステージの後半:  $X(N)$

同時終了なしアルゴリズムの時間複雑度

$$O\left((f + |\Lambda_{good}|) \cdot X(N)\right)$$

# まとめ

## 成果

- 故障数の条件緩和により, 既存研究より高速なアルゴリズムを提案

## 今後の課題

- 同時起動なしの場合におけるアルゴリズムの設計

	前提知識	同時起動	故障数の条件	同時終了	集合に要する時間
[1]	$n$	なし	$f + 1 \leq k$	あり	$O(n^4 \cdot  \Lambda_{good}  \cdot X(n))$
提案1	$N$	あり	$4f^2 + 9f + 4 \leq k$	なし	$O((f +  \Lambda_{good} ) \cdot X(N))$
提案2	$N$	あり	$4f^2 + 9f + 4 \leq k$	あり	$O((f +  \Lambda_{all} ) \cdot X(N))$

$n$ : ノード数、 $N$ : ノード数の上限、 $k$ : システム全体のエージェント数、 $f$ : 故障エージェント数、  
 $f < k \leq n \leq N$ 、

$|\Lambda_{good}|$ : 正常エージェントの最大IDの長さ、 $|\Lambda_{all}|$ : エージェントの最大IDの長さ、 $|\Lambda_{good}| \leq |\Lambda_{all}|$ 、  
 $X(n)$ :  $n$ ノード全ての訪問(グラフ探索)にかかる時間(一般グラフ:  $O(n^5 \log n)$ 、木やリング:  $O(n)$ )